













• Rekursiver Funktionsaufruf: Funktion ruft sich selbst auf





- Rekursiver Funktionsaufruf: Funktion ruft sich selbst auf
- Wichtig: Abbruch der Rekursion, sonst "Endlosschleife"





- Rekursiver Funktionsaufruf: Funktion ruft sich selbst auf
- Wichtig: Abbruch der Rekursion, sonst "Endlosschleife"
- Nett: Aufpasser, der endlose Laufzeit verhindert





# Codebeispiel













• Ziel: Anwendungsmöglichkeiten der Rekursion





• Ziel: **Anwendungsmöglichkeiten** der Rekursion

• Hilfreich: Analogie zu Induktionsbeweis





- Ziel: **Anwendungsmöglichkeiten** der Rekursion
- Hilfreich: Analogie zu Induktionsbeweis
- Zeige "von Hand" Gültigkeit des Induktionsanfangs, entspricht bei rekursiven Funktionsaufrufen der Abbruchbedingung für die Rekursion





- Ziel: **Anwendungsmöglichkeiten** der Rekursion
- Hilfreich: Analogie zu Induktionsbeweis
- Zeige "von Hand" Gültigkeit des Induktionsanfangs, entspricht bei rekursiven Funktionsaufrufen der Abbruchbedingung für die Rekursion
- Schließe von beispielsweise n auf n+1 (Induktionsschritt), entspricht dem tatsächlichen rekursiven Aufruf





### **Beispiele**

• Fakultätsfunktion, rekursive Definition

$$n! = \begin{cases} 1 & n = 0 \\ 1 & n = 1 \\ n \cdot (n-1)! & n = 2, 3, 4, \dots \end{cases}$$



### **Beispiele**

• Fakultätsfunktion, rekursive Definition

$$n! = \begin{cases} 1 & n = 0 \\ 1 & n = 1 \\ n \cdot (n-1)! & n = 2, 3, 4, \dots \end{cases}$$

• Fibonacci-Zahlen, rekursive Definition

$$\mathsf{fib}(n) = \begin{cases} 1 & n = 1 \\ 1 & n = 2 \\ \mathsf{fib}(n-1) + \mathsf{fib}(n-2) & n = 3, 4, 5, \dots \end{cases}$$



## So geht das in Code













Schöne Verständnisübung: Erweiterung der Code-Schnipsel um print()
 Ausgaben: Wann wird welcher Teil des Funktionsblocks mit welchen
 Argumenten aufgerufen?





- Schöne Verständnisübung: Erweiterung der Code-Schnipsel um print()
  Ausgaben: Wann wird welcher Teil des Funktionsblocks mit welchen
  Argumenten aufgerufen?
- Schönere Verständnisübung: erwartete Ausgabe vorher überlegen





- Schöne Verständnisübung: Erweiterung der Code-Schnipsel um print()
  Ausgaben: Wann wird welcher Teil des Funktionsblocks mit welchen
  Argumenten aufgerufen?
- Schönere Verständnisübung: erwartete Ausgabe vorher überlegen
- Probieren Sie es aus!





- Schöne Verständnisübung: Erweiterung der Code-Schnipsel um print()
  Ausgaben: Wann wird welcher Teil des Funktionsblocks mit welchen
  Argumenten aufgerufen?
- Schönere Verständnisübung: erwartete Ausgabe vorher überlegen
- Probieren Sie es aus!
- Fortgeschrittene Verständnisübung: Laufzeitvergleich der rekursiven und der iterativen Implementierung





- Schöne Verständnisübung: Erweiterung der Code-Schnipsel um print()
  Ausgaben: Wann wird welcher Teil des Funktionsblocks mit welchen
  Argumenten aufgerufen?
- Schönere Verständnisübung: erwartete Ausgabe vorher überlegen
- Probieren Sie es aus!
- Fortgeschrittene Verständnisübung: Laufzeitvergleich der rekursiven und der iterativen Implementierung
- Ergebnis: rekursive Version deutlich teurer





- Schöne Verständnisübung: Erweiterung der Code-Schnipsel um print()
  Ausgaben: Wann wird welcher Teil des Funktionsblocks mit welchen
  Argumenten aufgerufen?
- Schönere Verständnisübung: erwartete Ausgabe vorher überlegen
- Probieren Sie es aus!
- Fortgeschrittene Verständnisübung: Laufzeitvergleich der rekursiven und der iterativen Implementierung
- Ergebnis: rekursive Version deutlich teurer
- Erklärung: zählen Sie die Anzahl der Additionen in beiden Fällen







## Direkt im Code Subtile Fallstricke







### Impressum, Danksagung und Quellen





Gefördert durch die Stiftung Innovation in der Hochschullehre im Rahmen des Projekts digit@L, https://stiftung-hochschullehre.de Gefördert mit Mitteln der Deutschen Forschungsgemeinschaft (EXC 2075 - 390740016) im Rahmen der Exzellenzstrategie

Autor: Dominik Göddeke, IANS, Universität Stuttgart



#### Weitere Quellen:

- Logos Universität Stuttgart, IANS, SimTech: Universität Stuttgart, alle Rechte vorbehalten
- Logo Python: https://freesvg.org/387, CC-0
- Logo Stiftung: Stiftung Innovation in der Hochschullehre, alle Rechte vorbehalten
- Logo ZOERR: Universität Tübingen, alle Rechte vorbehalten



Veröffentlicht auf dem Zentralen OER Repositorium Baden-Württemberg, https://www.zoerr.de





